

Закон Кулона $F = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \cdot \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|}$, $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \approx 9 \cdot 10^9 \frac{\text{Н} \cdot \text{м}^2}{\text{Кл}^2}$

Напряженность эл поля: $E = F/q$

Напряженность поля точечного заряда: $E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q\vec{r}}{|\vec{r}|^3}$

Поток напряженности эл поля: $\Phi_E = \oint_S \vec{E} d\vec{S}$

Дипольный момент: $\vec{p}_e = q\vec{l}$

Условие потенциальности электростатического поля: $\oint \vec{E} d\vec{r} = 0$

на основании т-мн Стокса $\text{rot } \vec{E} = 0$

Потенциал: $\varphi = \int_m^o \vec{E} d\vec{r}$ (относительно 0 или ∞)

$$\varphi = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r}$$

Потенциал точечного диполя: $\varphi(M) = \frac{(\vec{r} \cdot \vec{p}_e)}{4\pi\epsilon_0 r^3}$

Потенциал через объёмную плотность: $\varphi(M) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int_V \frac{\rho dV}{r}$

Связь напряженности и потенциала: $E = -\text{grad } \varphi$

Вектор поляризации: $\vec{P} = n\vec{p}_e$, n - число диполь-молекул в ед. V

$$\vec{P} = \chi\epsilon_0\vec{E}, \chi - \text{диэлектр. восприимчив.}$$

Вектор индукции эл поля: $\vec{D} = \epsilon_0\vec{E} + \vec{P} = \epsilon_0(1 + \chi)\vec{E} = \epsilon_0\epsilon\vec{E}$
 ϵ - диэлектр. прониц. в-ва

Теорема Гаусса: $\oint \vec{D} d\vec{S} = \sum q_i$ (или $\text{div } \vec{D} = \rho$)
 ρ - объёмная плотность заряда

Уравнение Пуассона: $\Delta\varphi = -\frac{\rho}{\epsilon\epsilon_0}$ (ϵ не зависит от коорд., т.е. среда однород.)

если нет свобод. зарядов, то ур-ие Лапласа: $\Delta\varphi = 0$

Условия на границах раздела двух сред: $D_{n1} - D_{n2} = \sigma$, $E_{\tau 1} = E_{\tau 2}$

n - проекция на нормаль к границе раздела;

τ - проекция на \forall касательное напр.

σ - поверхностная плотность зарядов на пов-ти;

Напряженность внутри однородного проводника: $\vec{E} = 0$

Напряженность у поверхности однородного проводника: $E = \frac{\sigma}{\epsilon\epsilon_0}$

Разность потенциалов между обкладками конденсатора: $U = \frac{Q}{C} (= Ed)$

Емкость плоского конденсатора: $C = \frac{\epsilon_0 \epsilon S}{d}$

Последовательное соединение конденсаторов: $\frac{1}{C_0} = \frac{1}{C_1} + \dots + \frac{1}{C_n}$

Параллельное соединение конденсаторов: $C_0 = C_1 + \dots + C_n$

Работа источника по зарядке конденсатора: $A = \epsilon \Delta Q$ (ΔQ - сум. заряда обкл.)

Энергия заряженного конденсатора: $W = \frac{UQ}{2} = \frac{Q^2}{2C} = \frac{CU^2}{2}$

Плотность энергии электрического поля: $w_E = \frac{1}{2} \vec{E} \vec{D} = \frac{1}{2} \epsilon \epsilon_0 E^2 = \frac{dW}{dV} = \frac{1}{2} \rho \varphi$

Энергия системы заряженных проводников: $W = \frac{1}{2} \int_V w dV = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^N Q_i \varphi_i$

Плотность тока проводимости: $\vec{j} = e(n^+ \vec{v}^+ - n^- \vec{v}^-)$

Закон Ома: $\vec{j} = \lambda (\vec{E} + \vec{E}_c)$ λ - удельная проводимость среды, $\rho = \frac{1}{\lambda}$ - уд. сопр.

Электродвижущая сила (ЭДС): $\mathcal{E} = \int \vec{E}_c d\vec{l}$

Уравнение непрерывности: $\frac{d\rho}{dt} + \text{div} \vec{j} = 0$ (в силу закона сохранения заряда)

в случае стационарных (не завис. от времени) токов: $\text{div} \vec{j} = 0$

Сила тока: $I = \int \vec{j} d\vec{S}$ ($I = \frac{dq}{dt}$) где замкн. контура с ЭДС

Разность потенциалов (следствие закона Ома): $U = IR$ ($I = \mathcal{E}/R$)

Сопротивление проводника: $R = \frac{l}{\lambda S}$ (l - длина проводника, S - площадь сечения) λ - проводимость

Закон Джоуля-Ленца: $\nu = \vec{j} \vec{E} = \lambda E^2 = \frac{2\lambda}{\epsilon \epsilon_0} \cdot w_E = \frac{dN}{dV}$ - мощность выделение тепла на единицу V

Количество тепла в проводнике на единицу времени: $N = UI = I^2 R$

Сила Лоренца: $F = q [\vec{v}, \vec{B}]$

Закон Ампера: $\vec{F} = I \int_L [d\vec{l}, \vec{B}]$

Закон Био-Савара-Лапласа: $B(M) = \int_L d\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \int_L \frac{[d\vec{l}, \vec{r}]}{r^3}$

$$B = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \operatorname{rot} \int_L \frac{d\vec{l}}{r} \rightarrow B = \operatorname{rot} A \rightarrow \operatorname{div} \vec{B} = 0$$

Бесконечно длинный провод: $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi a}$

Вращающий момент: $\vec{M} = I \oint_L [\vec{r} [d\vec{l}, \vec{B}]]$, в однородном поле $M = [\vec{p}_m, B]$

Магнитный момент: $\vec{p}_m = I \int_{(s)} d\vec{s}$

Вектор намагниченности: $\vec{j} = \frac{\sum_i \vec{p}_{mi}}{\Delta V}$

Вектор напряженности магн поля: $\vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu_0} - \vec{j}$

для достаточно слабых полей $\vec{j} = \chi \vec{H} \rightarrow \vec{B} = \mu \mu_0 \vec{H}$, где $\mu = (1 + \chi)$ магнитная проницаемость

• диамагнетики ($\chi < 0, \mu < 1$, \vec{j} и \vec{B} ориент. противоположно)

• парамагнетики ($\chi > 0, \mu > 1$, \vec{j} и \vec{B} сонаправлены)

• ферромагнетики ($\mu \gg 1$)

Закон полного тока: $\oint_L \vec{H} d\vec{l} = I$ (или $\operatorname{rot} \vec{H} = \vec{j}$)

Граничные условия магнитного поля: $B_{n1} = B_{n2}, H_{\tau 1} = H_{\tau 2}$

Магнитный поток: $\Phi = \int_S \vec{B} d\vec{s} \quad (d\vec{s} = \vec{n} ds)$

Коэффициент самоиндукции: $L = \Phi / I$

Коэффициент взаимной индукции: $L_{12} = \frac{\Phi_2}{I_1}, L_{12} = L_{21} = \sqrt{L_1 L_2}$

Энергия магнитного поля: $W_M = \frac{LI^2}{2} = \frac{I\Phi}{2}$

Плотность энергии магнитного поля: $w_M = \frac{1}{2} \vec{B} \vec{H}$

Работа силы Ампера при конечном перемещении замкнутого контура: $\delta A = I(\vec{B}, d\vec{s}) = I d\Phi$
 $A = I \Delta \Phi$

Закон электромагнитной индукции: $\varepsilon_i = -\frac{d\Phi}{dt}$ (или $\operatorname{rot} \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$)

ЭДС самоиндукции: $\varepsilon = -L \frac{dI}{dt}$

Уравнения Максвелла: $\operatorname{rot} \bar{H} = \bar{j} + \frac{\partial \bar{D}}{\partial t}$ $\operatorname{div} \bar{B} = 0$
 $\operatorname{rot} \bar{E} = -\frac{\partial \bar{B}}{\partial t}$ $\operatorname{div} \bar{D} = \rho$

Материальные уравнения: $\bar{D} = \epsilon \epsilon_0 \bar{E}$, $\bar{B} = \mu \mu_0 \bar{H}$

Плотность тока смещения: $\bar{j} = \frac{d\bar{D}}{dt}$

Закон Ома: $\bar{j} = \lambda (\bar{E} + \bar{E}_{ст})$

Уравнение непрерывности: $\frac{\partial \rho}{\partial t} + \operatorname{div} \bar{j} = 0$ (принц. з-н сохранения заряда)

Закон Джоуля-Ленца: $v = \bar{j} \bar{E} = \lambda E^2 = \frac{j^2}{\lambda}$

Теорема Умова-Пойнтинга: $\frac{dW}{dt} = - \oint_S \bar{\Pi} d\bar{S} - \frac{dQ}{dt} + \int_V \bar{j} dV$
 $W = \frac{1}{2} \int (\bar{E} \bar{D} - \bar{H} \bar{B}) dV$

Вектор Пойнтинга: $\bar{\Pi} = [\bar{E}, \bar{H}]$ (плотность потока энергии $\text{э/л} \cdot \text{с}$)

Первое правило Кирхгофа: алгебраическая сумма всех токов, втекающих в любой узел, равна нулю.

Второе правило Кирхгофа: для любого контура сумма падений напряжения на его элементах равна сумме ЭДС, действующих в этом контуре.

Элементы: $U_R = IR$, $U_L = L \frac{dI}{dt}$, $U_C = \frac{q}{C}$, $\mathcal{E}_{12} = L_{12} \frac{dI_2}{dt}$

Метод комплексных амплитуд: $E(t) = E_0 \cos(\omega t + \varphi) \rightarrow E = \check{E} \exp(i\omega t)$

Импедансы: $Z_R = R$, $Z_C = \frac{1}{i\omega C}$, $Z_L = i\omega L$; $\check{U} = \check{I} Z$

Волновое уравнение: $\Delta \bar{E} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \bar{E}}{\partial t^2} = 0$, $c = \frac{1}{\sqrt{\epsilon \epsilon_0 \mu \mu_0}}$

Скорость распространения возмущения электромагнитного поля: $c = \frac{c_0}{\sqrt{\epsilon \mu}}$
где $c_0 = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} \approx 3 \cdot 10^8 \text{ м/с}^2$

Показатель преломления среды: $n = \sqrt{\epsilon}$

Плоская монохроматическая электромагнитная волна:

$$\bar{E} = \bar{E}_A \cdot \cos(\omega t - kz)$$

$$\bar{H} = \bar{H}_A \cdot \cos(\omega t - kz)$$

Волновое число: $k = \frac{\omega}{c} = \frac{2\pi}{\lambda}$, λ - длина волны

Связь электрического и магнитного полей: $\sqrt{\epsilon \epsilon_0} [\bar{n} \bar{E}] = \sqrt{\mu \mu_0} \bar{H}$

Объемная плотность энергии, переносимая электромагнитной волной:

$$w = \epsilon \epsilon_0 E^2$$

Плотность потока энергии электромагнитной волны: $\Pi = [E H] = \omega c \bar{n}$

Интенсивность электромагнитной волны: (средняя плотность за период) Вт/м^2

$$I = \langle \Pi \rangle_T = \frac{1}{T} \int_0^T \Pi dt, \text{ где } T = \frac{2\pi}{\omega}$$

Название	Символ	Значение
магнитная постоянная ^[12]	$\mu_0 = 1/(\epsilon_0 c^2)$	$1,256\ 637\ 062\ 12(19) \cdot 10^{-6} \text{ Гн} \cdot \text{м}^{-1} = 1,256\ 637\ 062\ 12(19) \cdot 10^{-6} \text{ Н} \cdot \text{А}^{-2}$ (через основные единицы СИ: $\text{кг} \cdot \text{м} \cdot \text{с}^{-2} \cdot \text{А}^{-2}$)
волновое сопротивление вакуума ^[13]	$Z_0 = \mu_0 c = \frac{1}{\epsilon_0 c}$	$\approx 376.73 \text{ Ом}$.
электрическая постоянная	$\epsilon_0 = 1/(\mu_0 c^2)$	$8,854\ 187\ 8128(13) \cdot 10^{-12} \text{ Ф} \cdot \text{м}^{-1}$ (через основные единицы СИ: $\text{кг}^{-1} \cdot \text{м}^{-3} \cdot \text{с}^4 \cdot \text{А}^2$)
постоянная Кулона	$k = \frac{1}{4\pi \epsilon_0}$	$\approx 8,987\ 55 \cdot 10^9 \text{ Ф}^{-1} \cdot \text{м}$ (через основные единицы: $\text{кг} \cdot \text{м}^3 \cdot \text{с}^{-4} \cdot \text{А}^{-2}$)